

200th माध्यमिक शिक्षा मण्डल, मध्यप्रदेश, भोपाल मु.उ.पु. 40 पृष्ठ
कार्यालयीन उपयोग के लिए

परीक्षा के नाम
की सील

Higher Secondary Examination



निम्न रिक्तियों की सही प्रविष्टि परीक्षार्थी द्वारा की जाए।

1. विषय कोड 150 परीक्षा का विषय Mathematics
2. परीक्षा का माध्यम English परीक्षा की दिनांक 24-03-2009

केन्द्र क्रमांक की सील

केन्द्र क्र० 222033

3. परीक्षार्थी प्रश्न पत्र का पूर्ण कोड नम्बर कोड सेट
(कोड A B C या D) अनिवार्य रूप से U-2045-A A

पर्यवेक्षक/केन्द्राध्यक्ष का प्रमाणीकरण
प्रमाणित किया जाता है कि परीक्षार्थी द्वारा निम्नानुसार पूरक
उत्तरपुस्तिका ली गई है :-

क :- संख्या शब्दों में अंकों में
ख :- परीक्षार्थी की बैठक व्यवस्था कक्ष
क्रमांक 01 में है।

ग :- उत्तर पुस्तिका पर प्रश्न-पत्र का कोड नम्बर एवं सेट
सही लिखा है।

उत्तर पुस्तिका का
संख्या क्रमांक K 157846

परीक्षार्थी का अनुक्रमांक (अंग्रेजी अंकों में)

2	9	2	2	2	2	0	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---

नीचे दिये प्रत्येक कालम में ऊपर दिये गये अनुक्रमांक के अंकों को
उसी क्रम में शब्दों में लिखा जाए :-

NINE	TWO	TWO	TWO	TWO	ZERO	SIX	SEVEN
------	-----	-----	-----	-----	------	-----	-------

B
S
E
M
P

हस्ताक्षर (पर्यवेक्षक)

नाम Devesh Mishra पद ADP

पता/संस्था G. D. S. Holkar

परीक्षार्थी द्वारा ली गई सभी पूरक उत्तर पुस्तिकायें, मुख्य
उत्तर पुस्तिका के साथ संलग्न हैं।

हस्ताक्षर केन्द्राध्यक्ष

प्रश्न
1
2
3
4
5
6
7
8
9
10
कुल प्राप्त

परीक्षार्थी, परीक्षक से अपेक्षा है
कि वे पृष्ठ भाग पर दिये गये
निर्देशों का यथेष्ट पालन सुनिश्चित
करेंगे।

प्रमाणित किया जाता है कि उपरोक्तानुसार संलग्न पूरक उत्तर पुस्तिकाओं
चर्या स्थिति में यथावत् रखते हुए ही उत्तरपुस्तिका का मूल्यांकन किया गया
पुस्तिका के अन्दर के अंक एवं कवर पृष्ठ पर दर्शाये अंक एक समान हैं।

हस्ताक्षर (परीक्षक)

परीक्षक क्रमांक

9510263

हस्ताक्षर (उपमुख्य-परीक्षक)

दिनांक

परीक्षार्थी के लिए निर्देश

1. परीक्षार्थी को अपना अनुक्रमांक/विषय/माध्यम/दिनांक एवं प्रश्न-पत्र का कोड (समूह) मुख पृष्ठ पर अंकित करना अनिवार्य है। अन्यत्र कहीं भी नहीं लिखा जाएगा।
2. अनुक्रमांक नीचे दिये गए उदाहरण अनुसार लिखा जाए :-

1	8	2	4	3	9	5	6	8
एक	आठ	दो	चार	तीन	नौ	पाँच	छः	आठ
3. उत्तर पुस्तिका के दोनों ओर पृष्ठों में लिखें। बीच में रिक्त स्थान न छोड़ें। भूल से छूटा/रिक्त स्थान तथा शेष खाली पृष्ठों को क्रॉस किया जाए।
4. परीक्षार्थी प्रश्न पत्र हल करते समय ही, कव्हर पृष्ठ पर दी गई तालिका में प्रश्न क्रमांक के सम्मुख वाले कालम में उत्तरपुस्तिका का वह पृष्ठ क्रमांक अनिवार्य रूप से अंकित करें जिस पर प्रश्न का उत्तर लिखा गया है। यदि पूरक उत्तरपुस्तिका का उपयोग किया गया हो, तो उस पर 41 से प्रारंभ करते हुए पृष्ठ क्रमांक परीक्षार्थी द्वारा स्वयं डाले जाएँ।

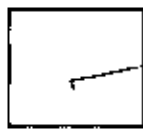
परीक्षक के लिए निर्देश

1. केवल उन्हीं उत्तरपुस्तिकाओं का मूल्यांकन करें जिन पर होलो क्राफ्ट स्टीकर चस्पा है।
2. उत्तरपुस्तिका का मूल्यांकन होलो क्राफ्ट स्टीकर को चस्पा स्थिति में यथावत् रखते हुए ही किया जाये।
3. बिना होलो क्राफ्ट स्टीकर वाली तथा फटे हुए होलो क्राफ्ट स्टीकर वाली सभी उत्तरपुस्तिकाएँ मूल्यांकन हेतु परीक्षा नियंत्रक, माध्यमिक शिक्षा मण्डल, मध्यप्रदेश, भोपाल को व्यक्तिशः रूप से भेजी जाये।

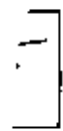
मूल्यांकन केन्द्र के लिए निर्देश

1. **O.M.R. SHEET** पर प्राप्तांक की प्रविष्टि करने हेतु केवल वही उत्तरपुस्तिकाएँ प्राप्त करें, जिनका मूल्यांकन होलो क्राफ्ट स्टीकर को चस्पा स्थिति में यथावत् रखते हुए ही किया गया है। यदि होलो क्राफ्ट स्टीकर फटा हुआ पाया जाता है तो ऐसी उत्तरपुस्तिकाएँ मूल्यांकन केन्द्र अधिकारी को पृथक से सौपी जाएँ। ऐसे प्रकरणों के प्राप्तांकों की प्रविष्टि **O.M.R. SHEET** में नहीं की जाए। मूल्यांकन केन्द्र अधिकारी ऐसी उत्तरपुस्तिकाएँ पुनः मूल्यांकन के लिये परीक्षा नियंत्रक, माध्यमिक शिक्षा मण्डल, मध्यप्रदेश, भोपाल को व्यक्तिशः रूप से सौपेंगे।
2. उत्तरपुस्तिका के मुख्य पृष्ठ में अंकों एवं शब्दों में अंकित प्राप्तांकों को मिलान कर **O.M.R. SHEET** में अंकों की सटीक प्रविष्टि करें।
3. **O.M.R. SHEET** पर प्रमाणीकरण कर हस्ताक्षर करें।

3



+



योग पूर्व पृष्ठ

कुल अंक



Ques.

(a)

Ans. 1. (a) (iii) $\frac{1}{2} \left[\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2} \right]$

(b)

Ans. 1. (b) (ii) $\tan^{-1} \left(\frac{2x}{1-x^2} \right)$

(c)

Ans. 1. (c) (i) $\sqrt{20}$

(d)

Ans. 1. (d) (iii) $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} - \frac{z}{4} = 1$

(e)

Ans. 1. (e) (iv) 14

B
S
E
M
P

4

यों



Que 2.

(a) True

(b) False

(c) False

(d) True

(e) False

Que 3

(a) $\int_{-\pi/2}^{\pi/2} f(x) \cdot dx = 2 \int_0^{\pi/2} f(x) \cdot dx$ if \rightarrow (v) $f(x)$ is even

(b) $\int e^{\sqrt{x}} dx \rightarrow$ (iii) $2e^{\sqrt{x}}(\sqrt{x}-1)$

(c) If the approximate roots of the equation \rightarrow (i) $x_{n+1} = x_n - \frac{F(x_n)}{F'(x_n)}$ is x_n , then by Newton-Raphson's method x_{n+1}

(d) Distance of the point $(2, 3, 4)$ from $y-z$ plane is \rightarrow (ii) 2

(e) If $y = \sin^3 x$, then $\frac{dy}{dx} \rightarrow$ (iv) $3 \sin^2 x \cdot \cos x$

B
S
E
M
P



Que. 4

(a) 7.415

(b) 2.167

(c) $(\vec{x} - \vec{a}) \cdot \hat{n} = 0$

(d) Negative

(e) $\frac{1}{2a} \log \left| \frac{x-a}{x+a} \right| + \log [x + \sqrt{x^2 - a^2}] + c$

$x = \frac{1}{3} \left[\frac{2x+10}{4} \right]$
 $= \frac{1}{3} \left[\frac{16+10}{4} \right]$
 $= \frac{26}{12} = \frac{13}{6}$
 6) $\frac{13}{12} (2.167)$

Que. 5

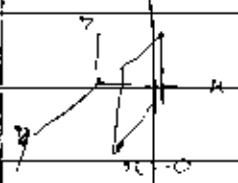
(a) $x=0, y=0$

(b) $10^x \log_e 10$

(c) $\log(\sec x) + c$

(d) $\int_a^b f(x) dx = \frac{h}{3} [(y_0 + y_n) + 4(y_1 + y_3 + \dots + y_{n-1}) + 2(y_2 + y_4 + \dots + y_{n-2})]$

(e) $1.24649 \in 15$



$a^x \log_e a$
 $\frac{d}{dx} a^x = a^x \log_e a$
 $x = a^2 \theta$

B
S
E
M
P

Que. 6

Sol-6 Given, $\frac{x}{1-x^3}$

~~$\frac{x}{1-x^3} = \frac{x}{(1-x)(1+x^2+x)}$~~

~~Let $\frac{x}{(1-x)(1+x^2+x)} = \frac{A}{1-x} + \frac{Bx+C}{1+x^2+x}$~~

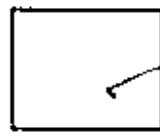
$2 \cos^2 \theta = 1 + \cos 2\theta$
 $\cos^2 \theta = \frac{1 + \cos 2\theta}{2}$

पृष्ठ सं.

6

योग पूर्व पृष्ठ

+



=

पृष्ठ 6 के अंक

कुल अंक



$$\rightarrow x = A(1+x^2+x) + (Bx+C)(1+x)$$

$$x = A + Ax^2 + Ax + Bx + C + Bx^2 + Cx$$

$$\diamond 0x^2 + x = (A+B)x^2 + (A+B+C)x + (A+C)$$

Comparing both sides the coefficients,

$$A+B=0 \Rightarrow A=-B \quad \text{--- (i)}$$

$$A+B+C=1 \quad \text{--- (ii)}$$

$$A+C=0 \Rightarrow A=-C \quad \text{--- (iii)}$$

From (i) and (iii),

$$B=-C$$

So, putting in eq. (ii)

$$B+B-(-B)=1$$

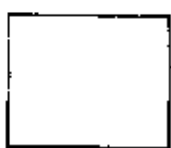
$$3B=1$$

$$\boxed{B = \frac{1}{3}}$$

$$\text{So, } A = \frac{1}{3} \text{ and } C = -\frac{1}{3}$$

$$\therefore \frac{x}{1+x^2} = \frac{1}{3(1-x)} + \frac{\frac{1}{3}x - \frac{1}{3}}{1+x^2+x}$$

$$= \frac{1}{3(1-x)} + \frac{x-1}{3(1+x^2+x)}$$



पृष्ठ के अंक का योग

7

योग पूर्व पृष्ठ



Que. 7

Sol. - 7

$$\tan^{-1} 2x + \tan^{-1} 3x = \frac{\pi}{4} \quad \text{--- (i)}$$

We know that,

$$\tan^{-1} x + \tan^{-1} y = \tan^{-1} \left(\frac{x+y}{1-xy} \right)$$

$$\therefore \tan^{-1} 2x + \tan^{-1} 3x = \tan^{-1} \left(\frac{2x+3x}{1-(2x \times 3x)} \right)$$

$$= \tan^{-1} \left(\frac{5x}{1-6x^2} \right)$$

~~Sol.~~ from eq. (i),

$$\tan^{-1} \left(\frac{5x}{1-6x^2} \right) = \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{5x}{1-6x^2} = \tan \left(\frac{\pi}{4} \right)$$

$$\therefore 5x = 1-6x^2 \quad \left(\because \tan \frac{\pi}{4} = 1 \right)$$

$$6x^2 + 5x - 1 = 0$$

$$6x^2 + 6x - x - 1 = 0$$

$$6x(x+1) - 1(x+1) = 0$$

$$\boxed{x = \frac{-1 \pm \sqrt{1+6}}{6}}$$



Que. 8

Sol-8

$$y = \log \sqrt{\frac{1 - \cos mx}{1 + \cos mx}}$$

We know that,

$$1 - \cos 2x = 2 \sin^2 x$$

$$\text{and } 1 + \cos 2x = 2 \cos^2 x$$

$$\therefore y = \log \sqrt{\frac{2 \sin^2 \left(\frac{mx}{2}\right)}{2 \cos^2 \left(\frac{mx}{2}\right)}}$$

$$= \log \sqrt{\tan^2 \left(\frac{mx}{2}\right)}$$

$$y = \log \left[\tan \left(\frac{mx}{2}\right) \right]$$

$$\therefore \frac{dy}{dx} = \frac{d}{dx} \left[\log \left(\tan \frac{mx}{2} \right) \right]$$

$$= \frac{1}{\tan \left(\frac{mx}{2}\right)} \frac{d}{dx} \left(\frac{mx}{2} \right)$$

$$= \cot \left(\frac{mx}{2}\right) \frac{m}{2}$$

$$= \frac{m}{2} \cot \left(\frac{mx}{2}\right) \text{ Ans.}$$

B
S
E
M
P



Que. 9

Sol-9

$$y = \sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$$

$$\text{let } x = \cos 2\theta \Rightarrow \theta = \cos^{-1} x$$

$$\therefore y = \sqrt{\frac{1 - \cos 2\theta}{1 + \cos 2\theta}} = \sqrt{\frac{2 \sin^2 \theta}{2 \cos^2 \theta}} = \sqrt{\tan^2 \theta} = \tan \theta$$

$$y = \tan \theta$$

$$= \tan\left(\frac{1}{2} \cos^{-1} x\right)$$

$$\therefore \frac{dy}{d\theta} = \sec^2 \theta \quad \text{and} \quad \frac{dx}{d\theta} = -2 \sin 2\theta$$

putting the value in the equation,

$$(1-x^2) \frac{dy}{dx} + y = (1 - \cos^2 2\theta) \frac{dy/d\theta}{dx/d\theta} + \tan \theta$$

$$= -\sin^2 2\theta \times \frac{\sec^2 \theta}{2 \sin 2\theta} + \tan \theta$$

$$= -\frac{2 \sin \theta \cos \theta}{2 \cos^2 \theta} + \tan \theta$$

$$= -\tan \theta + \tan \theta = 0$$

$$(1-x^2) \frac{dy}{dx} + y = 0$$

Proved

B
S
E
M
P



Que. 10

Sol. 10 $f(x) = x^3 - 6x^2 + 11x - 6$ in $[1, 3]$

(i) $f(x)$, being a polynomial, it is

continuous in the closed interval $[1, 3]$

(ii) $f'(x) = 3x^2 - 12x + 11$, being polynomial
is differentiable in the open
interval $(1, 3)$.

(iii) $f(1) = (1)^3 - 6(1)^2 + 11 \times 1 - 6$
 $= 1 - 6 + 11 - 6$
 $= 12 - 12$
 $= 0$

and $f(3) = (3)^3 - 6 \times (3)^2 + 11 \times 3 - 6$
 $= 27 - 6 \times 9 + 33 - 6$
 $= 27 - 54 + 27$
 $= 54 - 54$
 $= 0$

$\therefore f(1) = f(3)$

All the three conditions are
satisfied, therefore, $f'(c) = 0$
in $[1, 3]$

B
S
E
M
P

11

योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 11 के अंक

कुल अंक



$$f'(c) = 3c^2 - 12c + 11 = 0$$

$$3c^2 - 12c + 11 = 0 \quad \text{--- (i)}$$

Let, α and β be

$$\therefore \alpha = \frac{-(-12) \pm \sqrt{144 - 4 \times 11 \times 3}}{2 \times 3}$$

the roots of equation (i).

$$= \frac{12 \pm \sqrt{144 - 132}}{6}$$

$$= \frac{12 \pm \sqrt{12}}{6} = 2 \pm \frac{\sqrt{12}}{6} = 2 \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$$

similarly, $\beta = 2 - \frac{1}{\sqrt{3}}$

$$c = 2 \pm \frac{1}{\sqrt{3}}, 2 - \frac{1}{\sqrt{3}}$$

Que-11

Sol-11 we know that,

$$\text{Correlation coefficient, } r = \frac{\sum (x - \bar{x})(y - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x - \bar{x})^2 \sum (y - \bar{y})^2}}$$

Let, $x - \bar{x} = X$ and $y - \bar{y} = Y$

$$\therefore r = \frac{\sum XY}{\sqrt{\sum X^2 \sum Y^2}} \quad \text{--- (i)}$$

By Schwarz's inequality,

$$(\sum XY)^2 \leq (\sum X^2) \cdot (\sum Y^2)$$

$$\left(\frac{\sum XY}{\sqrt{\sum X^2 \sum Y^2}} \right)^2 \leq 1$$

from eq. (i),

$$r^2 \leq 1$$

$-1 \leq r \leq 1$ Proved.

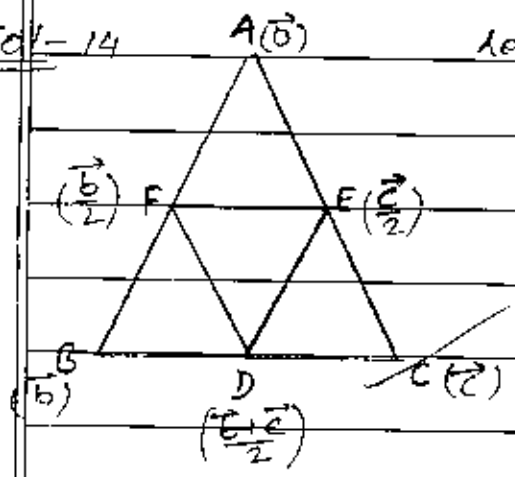
B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंक



Que. 14

Sol-14



Let, the position vector
 of A as an origin (0)
 and that of B is \vec{b}
 and of C is \vec{c} .

We know that,

Area of ΔABC

$$= \frac{1}{2} | \vec{AB} \times \vec{AC} |$$

$$= \frac{1}{2} | \vec{b} \times \vec{c} | \quad \text{--- (i)}$$

and Area of ΔDEF ,

$$A = \frac{1}{2} | \vec{DE} \times \vec{DF} |$$

$$= \frac{1}{2} \left| \left[\frac{\vec{c}}{2} - \left(\frac{\vec{b} + \vec{c}}{2} \right) \right] \times \left[\frac{\vec{b}}{2} - \left(\frac{\vec{b} + \vec{c}}{2} \right) \right] \right|$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} | (\vec{c} - \vec{b} - \vec{c}) \times (\vec{b} - \vec{b} - \vec{c}) |$$

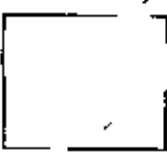
$$= \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} | (-\vec{b}) \times (-\vec{c}) |$$

$$= \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} | \vec{b} \times \vec{c} |$$

from eq. (i),

$$\text{Area}(\Delta DEF) = \frac{1}{4} \times \text{Area}(\Delta ABC)$$

B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंकों का योग



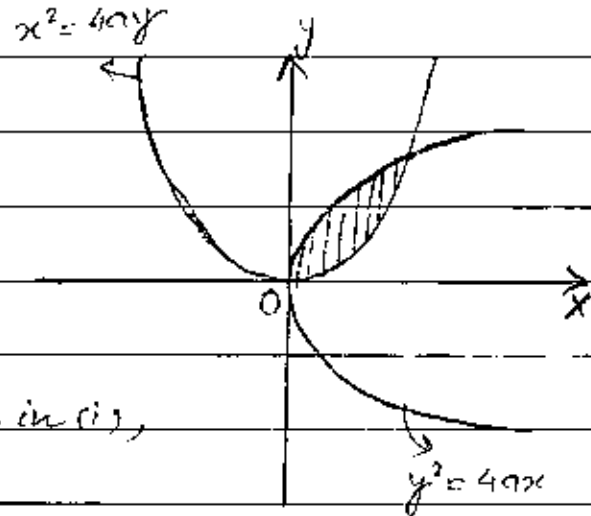
Que. 16

Sol. 16 Given,

$$y^2 = 4ax \quad \text{--- (i)}$$

and $x^2 = 4ay$ ---

$$\Rightarrow y = \frac{x^2}{4a} \quad \text{--- (ii)}$$



putting the value of y in (i),

$$\left(\frac{x^2}{4a}\right)^2 = 4ax$$

$$\frac{x^4}{16a^2} = 4ax \Rightarrow \frac{x^4}{16a^2} - 4ax = 0$$

$$x^4 - 64a^3x = 0$$

$$x(x^3 - 64a^3) = 0$$

$$x = 0, 4a$$

∴ Area bounded by

$$(x^2 = 4ay) \text{ and } (y^2 = 4ax) = \left| \int_0^{4a} \left[\sqrt{4ax} - \frac{x^2}{4a} \right] dx \right|$$

$$= 2\sqrt{a} \int_0^{4a} \sqrt{x} dx - \frac{1}{4a} \int_0^{4a} x^2 dx$$

$$= \left[2\sqrt{a} \frac{x^{3/2}}{3/2} \right]_0^{4a} - \frac{1}{4a} \times \left[\frac{x^3}{3} \right]_0^{4a}$$

$$= \frac{4\sqrt{a}}{3} (4a)^{3/2} - \frac{1}{4a} \times \frac{1}{3} (64a^3)$$

$$= \frac{4 \times 4 \times a \sqrt{a} \times \sqrt{a} \times 2}{3} - \frac{16a^2}{3}$$

$$A = \frac{16a^2}{3} (2-1) = \frac{16a^2}{3} \text{ Ans}$$

B
S
E
M
P



Que-12

Sol-12 We know that,

Regression lines are :-

$$(y - \bar{y}) = \frac{\sigma \sigma_y}{\sigma_x} (x - \bar{x}) \quad \text{--- (i)}$$

$$\therefore m_1 = \frac{\sigma \sigma_y}{\sigma_x}$$

and $(x - \bar{x}) = \frac{\sigma \sigma_x}{\sigma_y} (y - \bar{y}) \quad \text{--- (ii)}$

and $m_2 = \frac{\sigma_y}{\sigma \sigma_x}$

We know that,

$$\tan \theta = \left| \frac{m_2 - m_1}{1 + m_1 m_2} \right|$$

$$= \left| \frac{\frac{\sigma_y}{\sigma \sigma_x} - \frac{\sigma \sigma_y}{\sigma_x}}{1 + \frac{\sigma \sigma_y}{\sigma_x} \times \frac{\sigma_y}{\sigma \sigma_x}} \right|$$

$$= \left| \frac{\frac{\sigma_y}{\sigma_x} \left(\frac{1}{\sigma} - \sigma \right)}{1 + \frac{\sigma_y^2}{\sigma_x^2}} \right|$$

$$\tan \theta = \left| \frac{\sigma_x \cdot \sigma_y}{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} \right| \left| \frac{\sigma^2 - 1}{\sigma} \right|$$

σ

$$\left| \frac{\sigma_x \cdot \sigma_y}{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} \right| \left| \frac{e^2 - 1}{e} \right|$$

B
S
E
M
P

~~Que 16~~~~Sol 16~~

Que 17

Sol = Given, $I = \int \frac{dx}{5+4 \sin x}$

we know that,

$$\frac{\sin^2 x}{2} + \frac{\cos^2 x}{2} = 1$$

$$\text{and } \sin x = 2 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}$$

$$\therefore I = \int \frac{dx}{5 \left(\frac{\sin^2 x}{2} + \frac{\cos^2 x}{2} \right) + 4 \times 2 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}$$

$$= \int \frac{dx}{5 \frac{\sin^2 x}{2} + 5 \frac{\cos^2 x}{2} + 8 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}$$

$$= \int \frac{\frac{1}{\cos^2 \frac{x}{2}} dx}{5 \left(\frac{\sin^2 \frac{x}{2}}{\cos^2 \frac{x}{2}} \right) + 5 \left(\frac{\cos^2 \frac{x}{2}}{\cos^2 \frac{x}{2}} \right) + \frac{8 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}{\cos^2 \frac{x}{2}}}$$

$$= \int \frac{\sec^2 \frac{x}{2} dx}{5 \tan^2 \frac{x}{2} + 8 \tan \frac{x}{2} + 5}$$

$$\text{let, } \tan \frac{x}{2} = t$$

$$\sec^2 \frac{x}{2} dx = 2 dt$$

$$= 2 \int \frac{dt}{5t^2 + 8t + 5}$$

16

योग: 20 अंक

प्रश्न 10 का अंक

कुल अंक



$$= \int \frac{dt}{5t^2 + 8t + 5} = \frac{1}{5} \int \frac{dt}{t^2 + \frac{8t}{5} + 1}$$

$$= \frac{1}{5} \int \frac{dt}{\left(t^2 + \frac{8t}{5} + \frac{64}{100}\right) + \left(1 - \frac{64}{100}\right)}$$

$$= \frac{1}{5} \int \frac{dt}{\left(t + \frac{4}{5}\right)^2 + \frac{36}{100}}$$

$$= \frac{1}{5} \int \frac{dt}{\left(t + \frac{4}{5}\right)^2 + \left(\frac{6}{10}\right)^2}$$

$$= \frac{1}{5} \times \frac{10}{6} \tan^{-1} \left(\frac{t + \frac{4}{5}}{\frac{6}{10}} \right)$$

$$= \frac{1}{3} \tan^{-1} \left(\frac{5t + 4}{3} \times \frac{10}{6} \right)$$

$$= \frac{1}{3} \tan^{-1} \left(\frac{5t + 4}{3} \right)$$

$$= \frac{1}{3} \tan^{-1} \left(\frac{5 \tan \frac{x}{2} + 4}{3} \right) + C$$

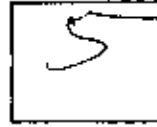
B
S
E
M
P

17



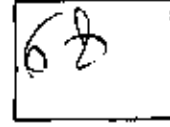
यांग पूर्व पृष्ठ

+



पृष्ठ 17 के अंक

=



कुल अंक



Que. 18

Sol-18 $\cos^3 x \frac{dy}{dx} + y \cos x = \sin x$

dividing both sides by $\cos^3 x$.

$$\frac{dy}{dx} + y \frac{\cos x}{\cos^3 x} = \frac{\sin x}{\cos^3 x}$$

$$\frac{dy}{dx} + y \sec^2 x = \left(\frac{\sin x}{\cos x}\right) \times \left(\frac{1}{\cos^2 x}\right)$$

$$\frac{dy}{dx} + y \sec^2 x = \tan x \sec^2 x$$

Comparing with, $\frac{dy}{dx} + Py = Q$

$$P = \sec^2 x$$

~~I.F. =~~

$$I.F. = e^{\int P dx} = e^{\int \sec^2 x dx}$$

$$I.F. = e^{\tan x}$$

$$\text{So, } y \times (e^{\tan x}) = \int e^{\tan x} \tan x \sec^2 x dx$$

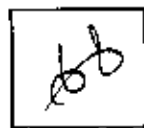
~~$y e^{\tan x}$~~ Let, $\tan x = t$

$$\sec^2 x dx = dt$$

$$= \int e^t \cdot t dt$$

B
S
E
M
P

18



योग पूर्व पृष्ठ

+



पृष्ठ 18 के अंक

=



कुल अंक



By using By parts method,
consider, first function be x

$$\text{So, } \int \frac{e^x}{x} \cdot \frac{x}{1} dx = x \int e^x dx - \int \left[\frac{d(x)}{dx} \int e^x dx \right] dx + C$$

$$= x e^x - \int e^x dx + C$$

$$= x e^x - e^x + C$$

$$\therefore y \times e^{\tan x} = (\tan x - 1) e^{\tan x} + C$$

$$y = (\tan x - 1) + C e^{-\tan x}$$

Que. 19

Sol-19 Given, A bag has no. of balls as:-

$n(R)$, No. of Red balls = 8

$n(W)$, No. of white balls = 5

Total, $n(S) = n(R) + n(W)$

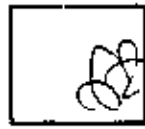
$$= 8 + 5 = 13$$

(i) Therefore, All 3 balls white

$$P(A) = \frac{{}^5C_3}{{}^{13}C_3} = \frac{5!}{2!3!} \times \frac{10!3!}{13!}$$

B
S
E
M
P

19



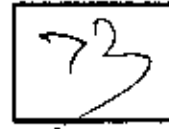
योग पूर्व पृष्ठ

+



पृष्ठ 19 के अंक

=



कुल अंक



$$P(A) = \frac{5!}{2!} \times \frac{10!}{13 \times 12 \times 11 \times 10!}$$

$$= \frac{5 \times 4 \times 3}{13 \times 12 \times 11} = \frac{5}{143}$$

(ii) Therefore, All 3 balls are Red

$$P(B) = \frac{{}^8C_3}{{}^{13}C_3} = \frac{8!}{5! 3!} \times \frac{10! 3!}{13!} = \frac{28}{143}$$

(iii) Therefore, one ball is Red and 2 balls are white

$$P(C) = \frac{{}^8C_1 \times {}^5C_2}{{}^{13}C_3} = \frac{8 \times 5!}{3! 2!} \times \frac{3! 10!}{13!} = \frac{40}{143}$$

Que. 20

Sol-20 Given, $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$

and $\frac{x-2}{3} = \frac{y-4}{4} = \frac{z-5}{5}$

We know that,

$$S.D. = \sqrt{|\vec{a}_2 - \vec{a}_1, \vec{b}_1, \vec{b}_2|}$$

$$|\vec{b}_1 \times \vec{b}_2|$$

here, $\vec{b}_1 = 2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}$ $\vec{b}_2 = 3\hat{i} + 4\hat{j} + 5\hat{k}$

B
S
E
M
P



$$\vec{a}_2 = 2\hat{i} + 4\hat{j} + 5\hat{k}$$

$$\text{and } \vec{a}_1 = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$$

$$\therefore \vec{a}_2 - \vec{a}_1 = (2-1)\hat{i} + (4-2)\hat{j} + (5-3)\hat{k}$$

$$= \hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}$$

$$\vec{b}_1 \times \vec{b}_2 = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{vmatrix}$$

$$= \hat{i}(15-16) - \hat{j}(10-12) + \hat{k}(8-9)$$

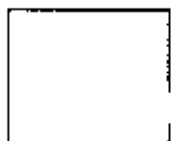
$$= -\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}$$

$$|\vec{b}_1 \times \vec{b}_2| = \sqrt{(-1)^2 + (2)^2 + (-1)^2}$$

$$= \sqrt{1+4+1} = \sqrt{6}$$

$$\text{S.D.} = \left| \frac{(\hat{i} + 2\hat{j} + 2\hat{k}) \cdot (-\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k})}{\sqrt{6}} \right|$$

$$= \left| \frac{-1+4-2}{\sqrt{6}} \right| = \frac{1}{\sqrt{6}} \text{ Ans.}$$



22



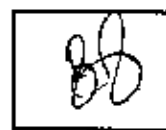
योग पूर्व पृष्ठ

+



पृष्ठ 22 के अंक

=



कुल अंक



Que. 15

Sol. 15

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{6^x - 1}{\sqrt{3-x} - \sqrt{3}}$$

By rationalising the denominator,

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(6^x - 1)(\sqrt{3-x} + \sqrt{3})}{(\sqrt{3-x} - \sqrt{3})(\sqrt{3-x} + \sqrt{3})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(6^x - 1)(\sqrt{3-x} + \sqrt{3})}{(3-x-3)}$$

$$= - \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(6^x - 1)(\sqrt{3-x} + \sqrt{3})}{x}$$

We know that,

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a^x - 1}{x} = \log_e a$$

$$= - \log_e 6 (\sqrt{3-0} + \sqrt{3})$$

$$= - 2\sqrt{3} \log_e 6 \quad \underline{\text{Ans.}}$$

B
S
E
M
P

(23)



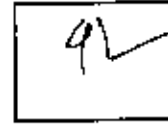
योग पूर्व पृष्ठ

+



पृष्ठ 23 के अंक

=



कुल अंक

Que. 6Sol. 6

Given,

$$\frac{1}{(x-2)(x+1)(x+3)}$$

$$\text{Let, } \frac{1}{(x-2)(x+1)(x+3)} = \frac{A}{(x-2)} + \frac{B}{(x+1)} + \frac{C}{(x+3)}$$

$$\frac{1}{(x-2)(x+1)(x+3)} = \frac{A(x+1)(x+3) + B(x-2)(x+3) + C(x-2)(x+1)}{(x-2)(x+3)(x+1)}$$

$$\therefore 1 = A(x+1)(x+3) + B(x-2)(x+3) + C(x-2)(x+1) \quad \text{--- (i)}$$

$$\text{put, } x+1=0$$

$$\therefore x = -1 \text{ in eq. (i)}$$

$$1 = A(-1+1)(x+3) + B(-1-2)(-1+3) + 0$$

$$1 = 0 + B(-6)$$

$$\boxed{B = \frac{-1}{6}}$$

$$\text{put, } x+3=0$$

$$x = -3 \text{ in eq. (i)}$$

$$1 = A(x+1) \times 0 + B(x-2) \times 0 + C(-3-2)$$

$$1 = 0 + 0 + C(-5)$$

$$\boxed{C = \frac{1}{5}}$$

$$\text{Now, put, } x=2 \text{ in eq. (i)}$$

$$\text{i.e, } x-2=0$$

$$1 = A(2+1)(2+3) + B \times 0 + C \times 0$$

$$\boxed{A = \frac{1}{15}}$$

B
S
E
M
P

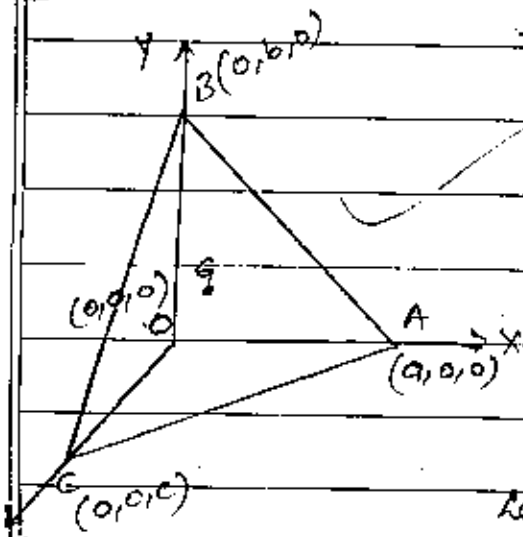


$$\text{So, } \frac{1}{(x-2)(x+1)(x+3)} = \frac{1}{15(x-2)} + \frac{(-1)}{6(x+1)} + \frac{1}{10(x+3)}$$

$$= \frac{1}{15(x-2)} - \frac{1}{6(x+1)} + \frac{1}{10(x+3)}$$

Que. 13

Sol. 13



Let, OABC be the tetrahedron formed when the plane cuts the co-ordinate axes at A, B and C.

Let, OA = a

Let, OB = b and OC = c
Let, Centroid (x, y, z) of OABC

is given that,

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = p \quad \text{--- (i)}$$

Please, see the note on next page.

We know that,

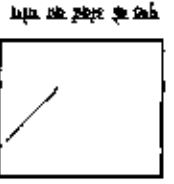
Centroid of Tetrahedron, OABC

$$= \left[\frac{a+0+0+0}{4}, \frac{b+0+0+0}{4}, \frac{0+0+0+c}{4} \right]$$

$$\therefore x = \frac{a}{4}, \quad y = \frac{b}{4}, \quad z = \frac{c}{4}$$

$$\text{So, } a = 4x, \quad b = 4y, \quad c = 4z$$

B
S
E
M
P



$$a^{-2} + b^{-2} + c^{-2} = p^{-2}$$

$$\text{So, } \frac{(4x)^2}{1} + \frac{(4y)^2}{1} + \frac{(4z)^2}{1} = p^2$$

$$\frac{16x^2}{1} + \frac{16y^2}{1} + \frac{16z^2}{1} = p^2$$

$$\frac{x^2}{\frac{1}{16}} + \frac{y^2}{\frac{1}{16}} + \frac{z^2}{\frac{1}{16}} = \frac{p^2}{16}$$

$$x^{-2} + y^{-2} + z^{-2} = 16p^{-2}$$

Note:

It is supposed that, the equation of plane is $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$

∴ distance from origin

$$p = \frac{\frac{a}{0} + \frac{b}{0} + \frac{c}{0}}{\sqrt{\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}}}$$

$$\text{and } d = p$$

$$\therefore p = \frac{\sqrt{\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}}}{1}$$

Squaring both sides,

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}}$$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}}$$

is the eq. (p)



26

+

=

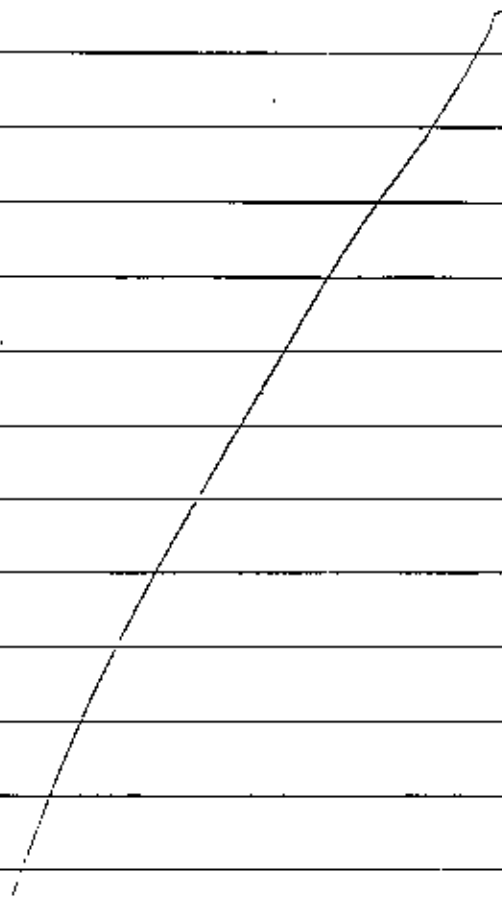
योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 26 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंक भर योग

27

+

=



योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 27 के अंक

कुल अंक

B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंकों का योग

28

+

=

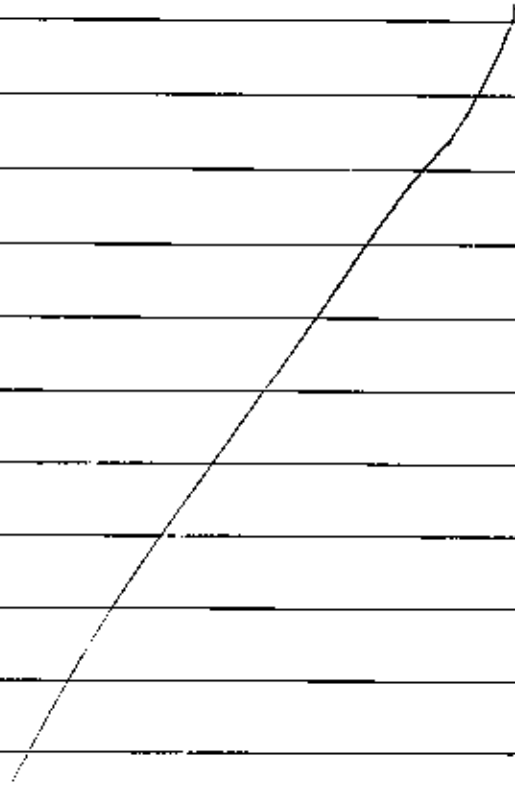
योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 28 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंकों का योग

29

+

=

योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 29 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंकों का योग

30

+

=

योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 30 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंकों का योग

31

+

=

योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 31 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंकों का योग

32

+

=

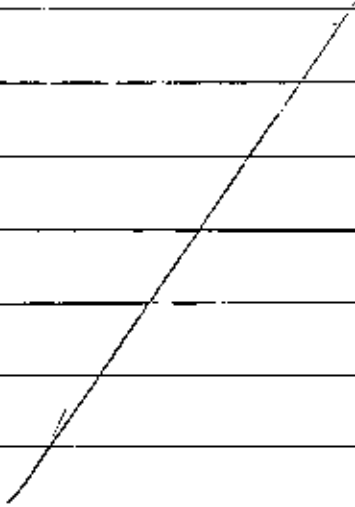
योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 32 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंक का योग

33

+

=

योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 33 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंकों का योग

34

+

=

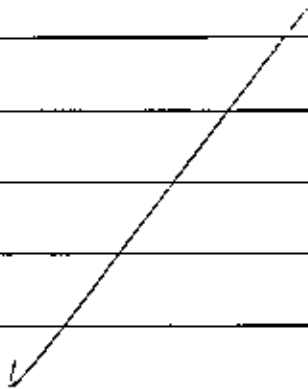
योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 34 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंकों का योग

35

+

=

योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 35 के अंक

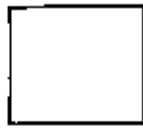
कुल अंक



B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंकों का योग

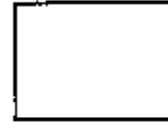
36



+



=

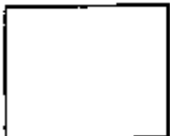


योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 36 के अंक

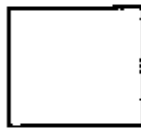
कुल अंक

B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंकों का योग

37



+



=



योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 37 के अंक

कुल अंक

B
S
E
M
P

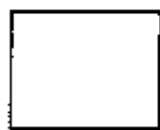


पृष्ठ के अंकों का योग

38



+



=



योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 38 के अंक

कुल अंक

B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंकों का योग

39

+

=

यांग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 39 के अंक

कुल अंक



B
S
E
M
P

पृष्ठ के अंकों का योग



+



=



योग पूर्व पृष्ठ

पृष्ठ 40 के अंक

कुल अंक

Rough work

$a^2 + b^2 + c^2 = p^2$
 $(0, b, c)$ $(0, 0, c)$ $(0, 0, c)$

$\frac{1}{n^2} + \frac{1}{4n^2} + \frac{1}{2n^2} = p^2$

$(a, 0, 0)$
 $(a+0, 0, 0)$

$\frac{a^2 + b^2 + c^2}{16} = p^2$

$\frac{a^2 + b^2 + c^2}{16} = p^2$

$(4)^2 + (6)^2 + (12)^2 = \sqrt{196}$
 $16 + 36 + 144 = 196$

$\frac{16 \times 14}{5 \times 6} = 14$

$n = \frac{9}{16}$

$x^2 + 20x$
 $20x = \frac{8}{5}$

$\frac{1}{n^2} + \frac{1}{4n^2} + \frac{1}{2n^2} = p^2$

$\frac{96}{100}$

$\frac{5}{14}$
 $\frac{12}{14}$

$\int \frac{1}{x} dx = \ln|x|$

$\int x dx = \frac{x^2}{2}$

$9 = \frac{8}{10}$

$\frac{64}{100}$

$\frac{8 \times 7 \times 6 \times 10!}{13 \times 12 \times 11 \times 10!}$

$\frac{8 \times 5! \times 10!}{8! \times 2! \times 13!}$

$\frac{8 \times 5 \times 4 \times 3}{13 \times 12 \times 11} = \frac{40}{143}$

$\frac{8 \times 7 \times 6}{13 \times 12 \times 11} = \frac{28}{143}$

$\frac{8 \times 5 \times 4 \times 3}{13 \times 12 \times 11} = \frac{40}{143}$

$a^x - 1 = y$

$a^x = y + 1$

$x \log_e a = \log(y + 1)$

$x = \frac{\log(y + 1)}{\log_e a}$

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log_e a}{\log(y + 1)}$

$\frac{\log_e a}{\log_e} = \log_e a$

B
S
E
M
P



पृष्ठ के अंक का योग